



(٦-١) مساحة الاشكال المركبة

* الشكل المركب : شكل مكون من شكلين بسيطين أو أكثر..

ايجاد مساحة

المنطقة المظلمة

مساحة الشكل بأكمله
مطروحاً منه
مساحة الشكل البسيط

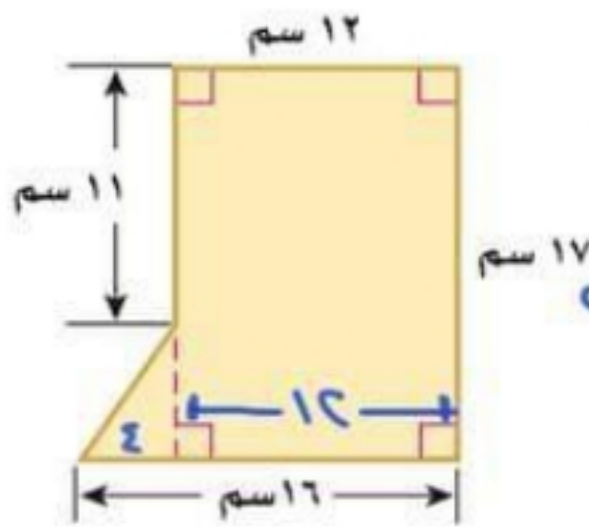
الرموز	التعبير اللفظي	الشكل
$م = ق \times ع$	مساحة متوازي الأضلاع هي ناتج ضرب القاعدة في الارتفاع.	متوازي الأضلاع
$م = \frac{1}{2} \times ق \times ع$	مساحة المثلث هي نصف ناتج ضرب قاعدته في ارتفاعه.	المثلث
$م = \frac{1}{2} \times (ق_1 + ق_2) \times ع$	مساحة شبه المنحرف هي نصف ناتج ضرب الارتفاع في مجموع القاعدتين.	شبه المنحرف
$م = ط \times ر$	مساحة الدائرة هي ناتج ضرب ط في مربع نصف القطر.	الدائرة

ايجاد مساحة

الشكل المركب
كاملاً..

مجموع مساحتي
الشكلين المكونين
للسشكل المركب

* مثال : أوجد مساحة الشكل المركب التالي :

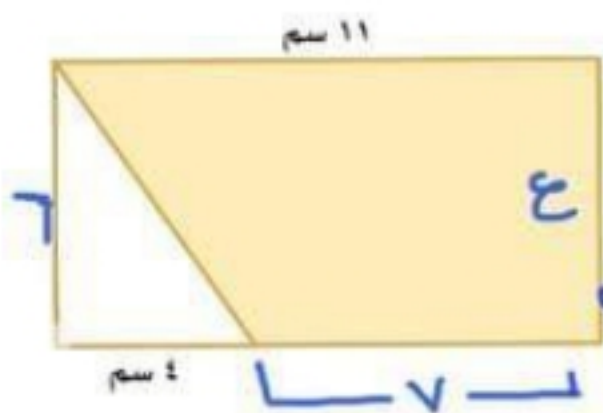


مساحة الشكل المستطيل = $ل \times ع$ هن
 $١٧ \times ١٢ = ٢٠٤ \text{ سم}^2$

مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times (ق \times ع) = \frac{1}{2} \times (٦ \times ٤) = ١٢ \text{ سم}^2$

(ق) القاعدة = $١٢ - ١٦ = ٤ \text{ سم}$
(ع) الارتفاع = $١١ - ١٧ = ٦ \text{ سم}$

مساحة الشكل المركب = $٢٠٤ + ١٢ = ٢١٦ \text{ سم}^2$



أوجد مساحة المنطقة المظلمة في الشكل المركب

مساحة المستطيل = $ل \times ع$ هن
 $١١ \times ٦ = ٦٦ \text{ سم}^2$

مساحة المثلث = $\frac{1}{2} \times (ق \times ع) = \frac{1}{2} \times (٤ \times ٦) = ١٢ \text{ سم}^2$

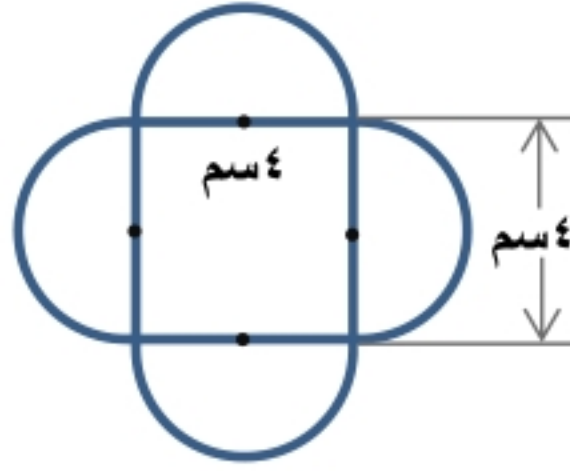
مساحة المنطقة المظلمة = $٦٦ - ١٢ = ٥٤ \text{ سم}^2$

* حل آخر *

الجسم المظلم شبه منحرف مساحته = $\frac{1}{2} \times (ق_1 + ق_2) \times ع$

$\frac{1}{2} \times (١١ + ٧) \times ٦ =$

$= ٥٤ = ١٨ \times ٣ \text{ سم}^2$



• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

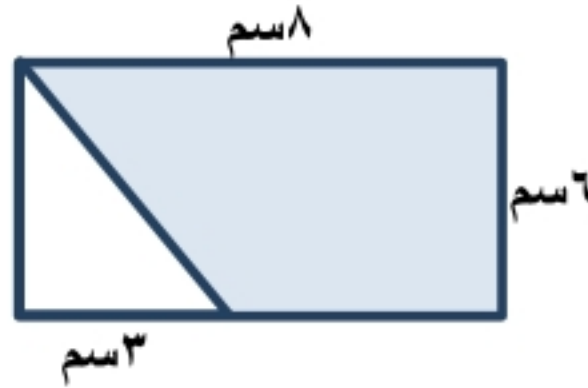
(١) المساحة الكلية للشكل المجاور تساوي

(د) ١١٦,٤٨ سم^٢

(ج) ٢٨,٥٦ سم^٢

(ب) ٤١,١٢ سم^٢

(أ) ٦٦,٢٤ سم^٢



(٢) المساحة المظللة للشكل المجاور تساوي

(د) ٣٠ سم^٢

(ج) ٣٩ سم^٢

(ب) ٤٨ سم^٢

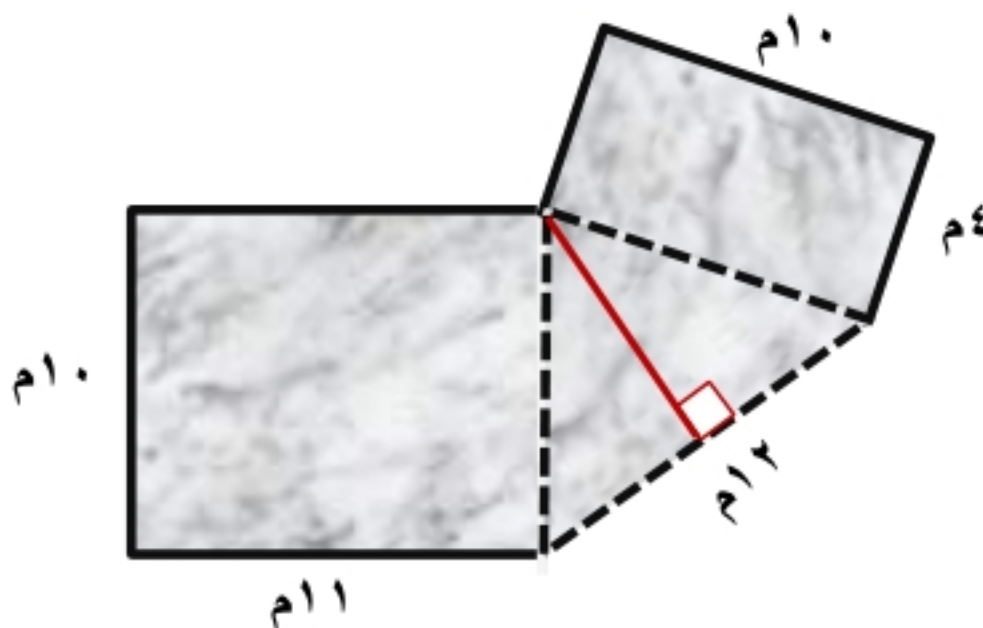
(أ) ٣٦ سم^٢

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

مساحة نصف الدائرة هي $\frac{1}{2} \times$ مساحة الدائرة = $\frac{1}{2} \times$ ط نق ()

مساحة المثلث هي نصف ناتج ضرب الارتفاع في مجموع القاعدتين ()

• ترغب والدة سعاد في تغطية أرضية صالة منزلها بالسجاد كما في الشكل المجاور. ما مساحة السجاد المطلوب شراؤه؟



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(٦-٢) استراتيجية حل المسألة

احل المسألة باستعمال حل مسألة أبسط

ثلاثة نجارين يصنع كل واحد منهم ثلاثة كراسي في ثلاثة

أيام فكم كرسيًا يمكن أن يصنعوا في ٣٠ يومًا

إذا عملوا بالمعدل نفسه؟

افهم

٣ نجارين يصنع كل واحد ٣ كراسي في ٣ أيام
الطلوب .. إيجاد كم كرسيًا يصنع ٧ نجارين في ٣٠ يومًا

خطط

باستعمال خطة حل مسألة أبسط ..

حل

١ نجار = ٣ كراسي

٧ نجارين = ؟ كراسي

عدد الكراسي لـ ٧ نجارين = $7 \times 3 = 21$

٢١ كرسي ← ٣ أيام

؟ كرسي ← ٣٠ يومًا

$3 \div 3 = 10 \times 21 = 210$ كرسي ..

تحقق

✓ $210 \div 3 = 70 = 7$ نجارين

(٢-٦) استراتيجية حل المسألة (حل مسألة أبسط)

الصف ثاني متوسط /

الاسم:

- تحتاج مدرسة إلى ٢٥٠ نسخة من مطوية إرشادية، فإذا كانت المطبعة تضعها في مغلّفات تتسع الواحدة لـ ٣٠ أو ٨٠ نسخة، فما عدد المغلّفات التي يجب أن تشتريها المدرسة من كل نوع؟

افهم

خطط

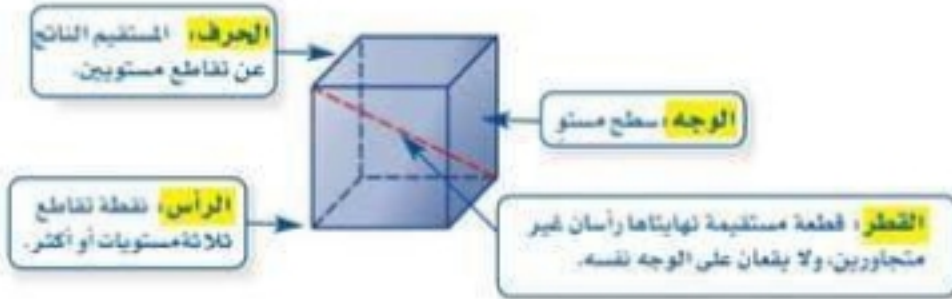
حل

تحقق



(٦-٣) الأشكال ثلاثية الأبعاد

أهم مفردات الجسمان



أنواع تقاطع المستويات

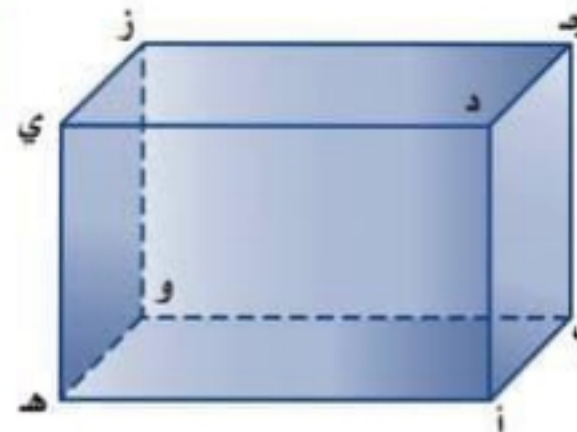


* المستقيمان المتخالفان: (لا يتقاطعان أبداً ولا يقعان في مستوى نفسه)

* المستقيمان المتوازيان: (لا يتقاطعان أبداً هما امتدادا ويقعان في نفس المستوى)

(مستقيمان متوازيان)

جـ د // ز ي
د أ // د ب
أ هـ // د ي

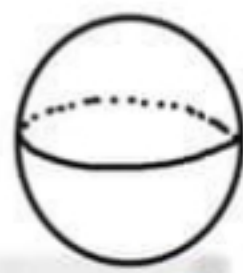


(مستقيمان متخالفان)

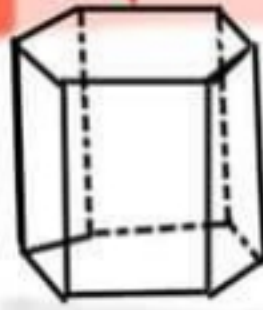
جـ د // و
جـ ز // و
ز ي // و
د أ // و
أ د // و

(// أو //) سمى رمزاً متوازي

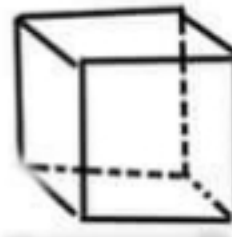
بعض مسميات الأشكال ثلاثية الأبعاد



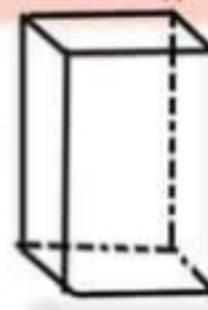
كرة



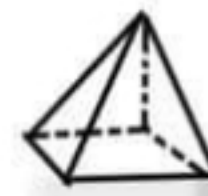
منشور سداسي



مكعب



متوازي المستطيلات



هرم رباعي

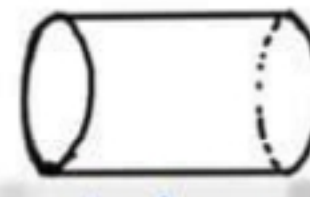


هرم ثلاثي

← حسب قاعدته →

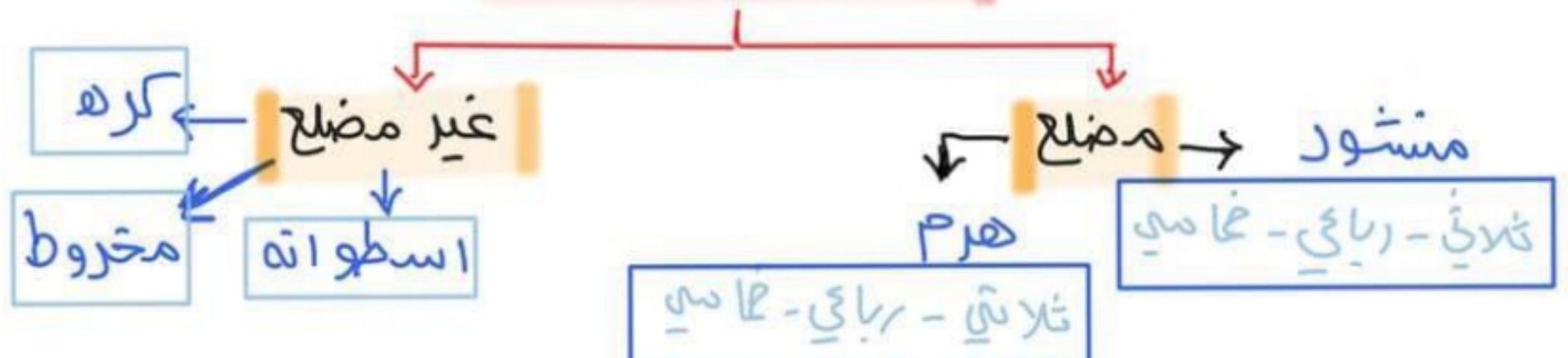


مخروط



اسطوانة

تصنيف الجسمان



● ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

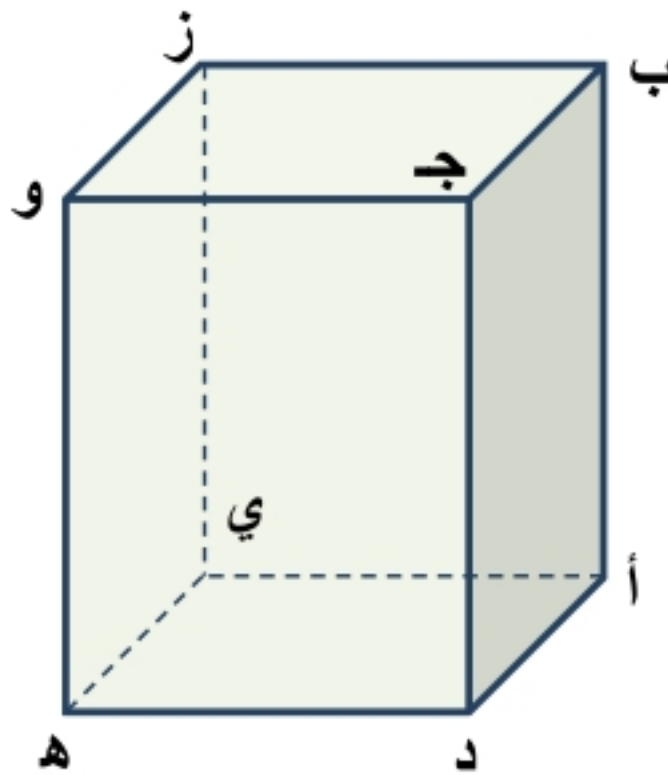
الحرف هو قطعة مستقيمة نهايتها رأسان غير متجاورين، ولا يقعان على الوجه نفسه ()

الرأس هو نقطة تقاطع ثلاثة مستويات أو أكثر ()

الهرم مجسم قاعدته الوحيدة مضلع وأوجهه مثلثات ()

يُسمى المستقيمان اللذان يتقاطعان ويقعان في المستوى نفسه مستقيمين متخالفين ()

● استعمل الشكل المجاور لتحديد كلا مما يأتي:



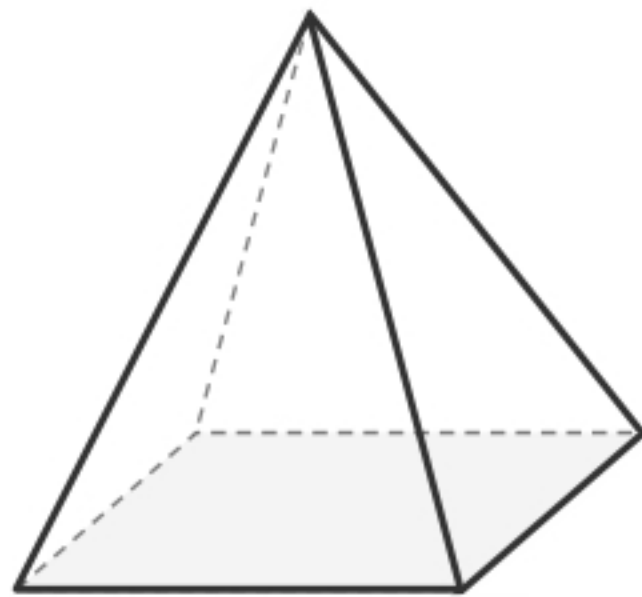
مستويين متوازيين.

مستقيمين متخالفين.

مستويين متقاطعين.

نقطتين تشكّان قطراً عن الوصول بينهما.

● حدد اسم المجسم، وبين عدد أوجهه وشكلها، ثم اذكر عدد أحرفه و رؤوسه:



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



(٦-٤) حجم المنشور ولاسطوانه

الحجم $\rightarrow$ مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع

حجم الاسطوانه

$$C = (\text{ط. نق}) \times E$$

حجم المنشور

$$C = (L \times W) \times E$$

* أمثلة

١) اوجد حجم الاسطوانه التاليه؟

$$\begin{aligned} C &= \pi \times R^2 \times E \\ \text{مساحة القاعدة} &= \text{ط. نق} \\ R &= \frac{10.8}{2} = 5.4 \\ C &= \pi \times (5.4)^2 \times 9 \\ &= 3.14 \times 29.16 \times 9 \\ &= 814.3008 \approx 814.3 \end{aligned}$$



٢) اوجد حجم المنشور التالي؟

$$\begin{aligned} C &= L \times W \times E \\ \text{مساحة القاعدة} &= L \times W \\ 9 \times 3 &= 27 \\ 27 \times 6 &= 162 \\ C &= 162 \end{aligned}$$

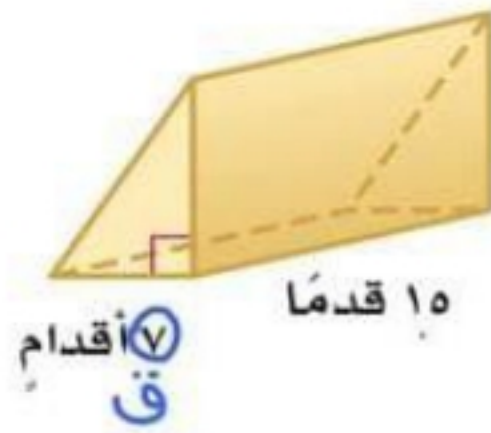


٦ أقدام

٢ قدم

٣ أقدام

٣) اوجد حجم المنشور التالي؟



١٠ أقدام

٧ أقدام

$$\begin{aligned} C &= \frac{1}{2} \times \text{Base} \times \text{Height} \times \text{Length} \\ &= \frac{1}{2} \times 10 \times 7 \times 10 \\ &= 350 \end{aligned}$$

$$C = 10 \times 350 = 3500$$

الحجم للمجسم المركب

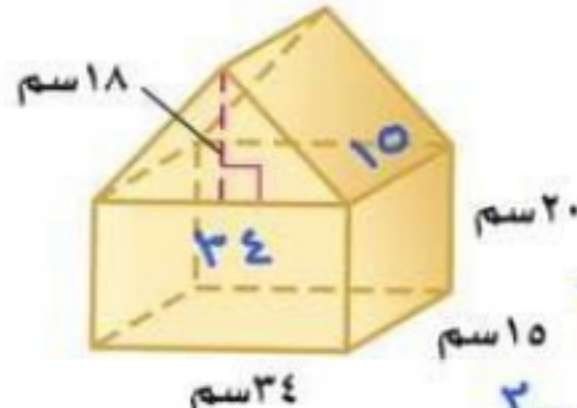
المجسم المظلل

حجم الجسم الكلي - حجم الجسم المفرغ

المجسم المركب كاملاً

حجم الجسم ١ + حجم الجسم ٢

* مثال



$$\begin{aligned} \text{حجم الجسم العلوي} &= \frac{1}{2} \times \text{Base} \times \text{Height} \times \text{Length} \\ &= \frac{1}{2} \times 18 \times 10 \times 24 \\ &= 2160 \\ \text{حجم الجسم السفلي} &= \text{Length} \times \text{Width} \times \text{Height} \\ &= 18 \times 10 \times 24 \\ &= 4320 \\ \text{الحجم الكلي} &= 2160 + 4320 = 6480 \end{aligned}$$

(٤-٦) حجم المنشور والأسطوانة

الصف ثاني متوسط /

الاسم:

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الحجم هو قياس الحيز الذي يشغله الجسم في الفضاء، ويقاس بالوحدات المربعة
السنتيمترات المربعة (سم^٢)، أو الأقدام المربعة (قدم^٢) () مثل

الجسم المكون من أكثر من نوع من المجسمات يُسمى مجسمًا مركبًا ()

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حجم المنشور الرباعي الذي طوله ٤ سم، وعرضه ٦ سم، وارتفاعه ٦ سم :

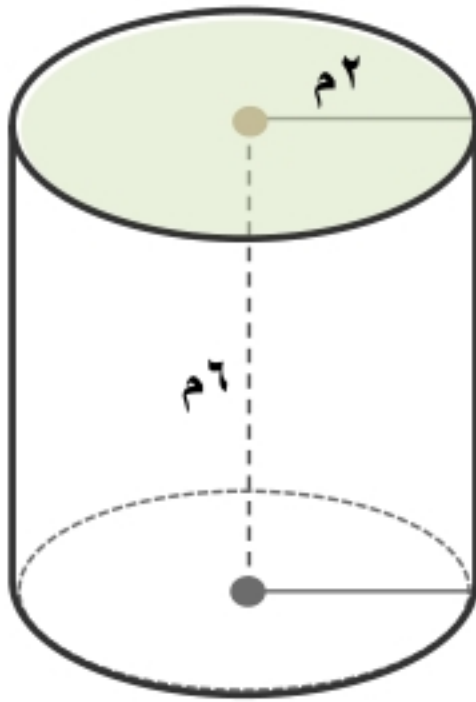
(أ) ٣٨٤ سم^٣

(ب) ١٦٠ سم^٣

(ج) ٣٢٠ سم^٣

(د) ٣٨٤ سم^٢

• أوجد حجم الأسطوانة المجاورة، مقربًا الجواب إلى أقرب جزء من عشرة.



.....

.....

.....

.....

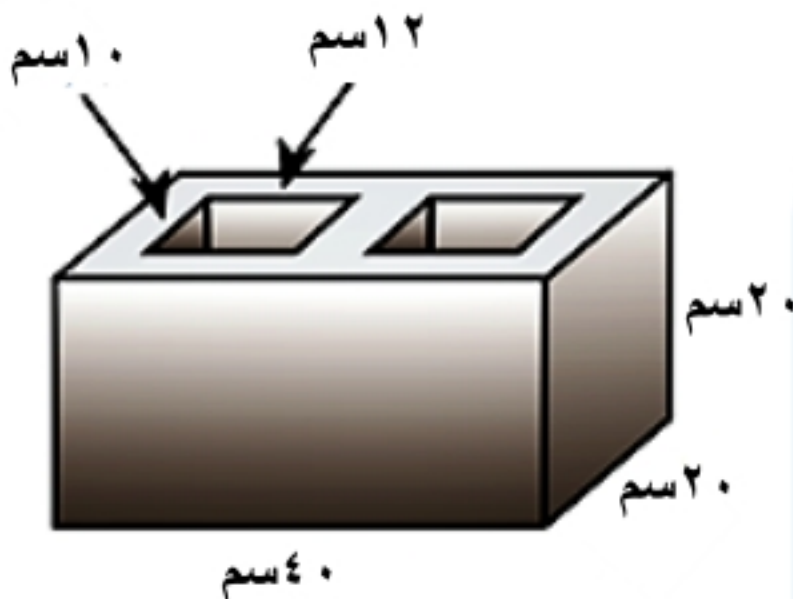
.....

.....

.....

.....

• طوب بناء خرساني على شكل منشور رباعي فيه ثقبان متساويان كما في الشكل المجاور، ما حجم مادة الخرسانة في طوب البناء؟



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



(٥-٦) حجم الهرم والمخروط

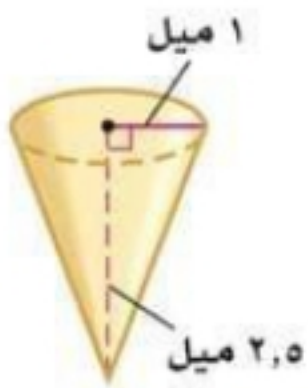
الحجم $\rightarrow$ $\frac{1}{3} \times \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$

المخروط

$$\frac{1}{3} \times (\text{نق}^2) \times \text{ع} = \text{ح}$$

(القاعدة دائره)

⑤ اوجد حجم المخروط مقرب الناتج لا قرب جزء من عشرة



$$\frac{1}{3} \times \text{نق}^2 \times \text{ع} = \text{ح}$$

$$\frac{1}{3} \times (1)^2 \times 2.5 =$$

$$= \frac{1}{3} \times 2.5 = 0.8333$$

$$\text{ح} = 0.8333 \approx 0.83 \text{ ميل مكعب}$$

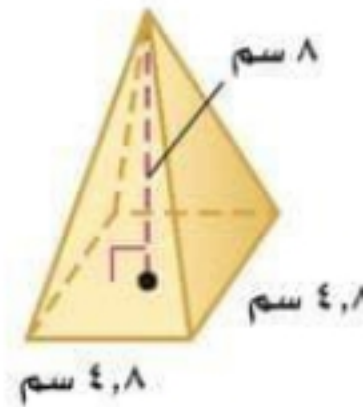
الهرم

$$\frac{1}{3} \times (\text{ل} \times \text{ض}) \times \text{ع} = \text{ح}$$

$$\frac{1}{3} \times (\frac{1}{2} \times \text{ق} \times \text{ع}) \times \text{ع} = \text{ح}$$

* الأمثلة

① اوجد حجم الهرم التالي مقرب الناتج لا قرب جزء من عشرة ؟



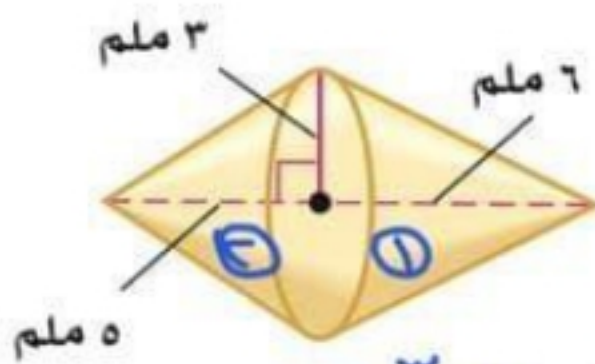
$$\frac{1}{3} \times (8 \times 4.8) \times 4.8 = \text{ح}$$

$$= \frac{1}{3} \times 39.168 = 13.056 \approx 13.06 \text{ سم}^3$$

الحجم المركب للهرم والمخروط

حجم الجزء المنطل

حجم الجسم الكلي - حجم الجسم المنفلج



الحجم الكلي للجسم المركب

حجم الجسم ① + حجم الجسم ②

اوجد حجم الجسم التالي ؟

$$\frac{1}{3} \times (6 \times 3) \times 0.5 = \text{ح}$$

$$\frac{1}{3} \times (0.5 \times 3 \times 6) \times 0.5 = \text{ح}$$

$$\text{الحجم الكلي} = 0.5 + 0.25 = 0.75 \text{ ملم}^3$$

* حل آخر

$$\frac{1}{3} \times (\text{نق}^2 + \text{نق}^2) \times \text{ع} = \text{ح}$$

$$= \frac{1}{3} \times (6^2 + 3^2) \times 0.5 = 0.75 \text{ ملم}^3$$

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

حجم الهرم (ح) يساوي نص ناتج ضرب مساحة القاعدة (م) في الارتفاع (ع) ()

هو شكل ثلاثي الأبعاد له قاعدة دائرية، و سطح منحني يصل القاعدة بالرأس يسمى المخروط ()

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

١) حجم الهرم الثلاثي الذي قاعدته على شكل مثلث طول قاعدته ١٠ سم، وارتفاعه ٦ سم، وارتفاع الهرم ٢٠ سم.

(د) ١٢٠٠ سم^٣

(ج) ٢٠٠ سم^٣

(ب) ٤٠٠ سم^٣

(أ) ٦٠٠ سم^٣

• يريد مهرج أن يملأ قبعته رملاً، استعمل الرسم المجاور لتحديد كم تسع قبعته من الرمل



.....

.....

.....

.....

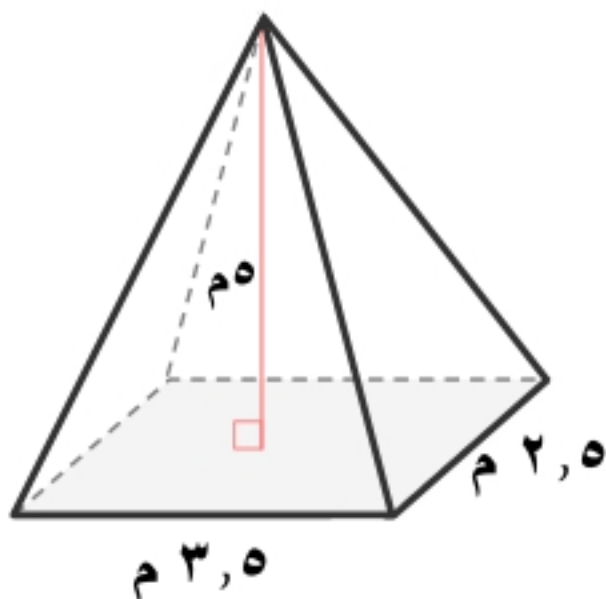
.....

.....

.....

.....

• أوجد حجم الهرم المجاور، مقرباً الجواب إلى أقرب جزء من عشرة



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

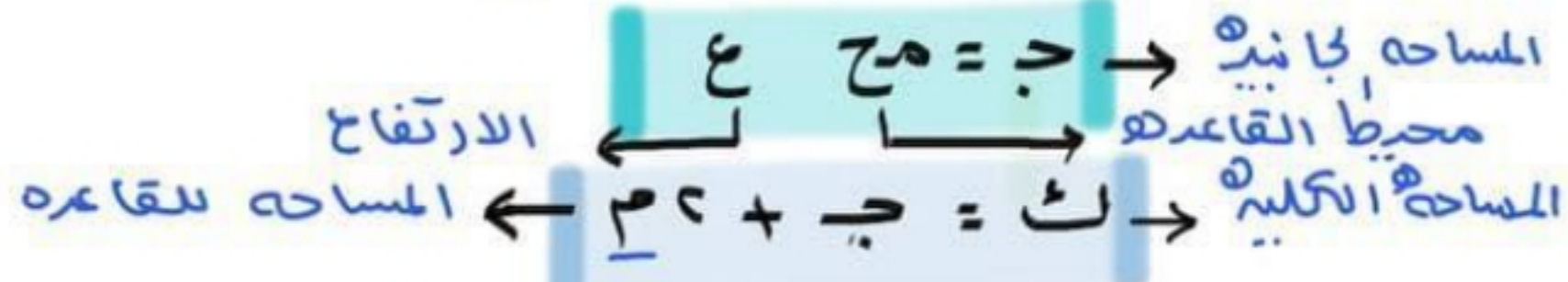


(٦-٦) مساحة سطح المنشور والاسطوانة

الوجه الجانبي : هو أي سطح مستو في الجسم وليس القاعه

المساحة الجانبية : هي مجموع مساحات الأوجه الجانبية للجسم .

المساحة الكلية للسطح الجسم .. هي مجموع جميع مساحات أوجه الجسم



* اوجد المساحة الجانبية والكلية لسطح المجسمات التالية ؟

②

$$\begin{aligned} \text{ج} = \text{مس} \times \text{ع} \\ 2\pi r \times h &= 2 \times 3.14 \times 5 \times 10 \\ &= 314 \text{ سم}^2 \\ \text{ك} = \text{ج} + \text{ح} \\ 314 + 2\pi r^2 &= 314 + 2 \times 3.14 \times 5^2 \\ &= 314 + 157 = 471 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

①

$$\begin{aligned} \text{ج} = \text{مس} \times \text{ع} \\ 9 \times [(11) \times 2 + (6) \times 2] &= 9 \times [22 + 12] \\ &= 9 \times 34 = 306 \text{ سم}^2 \\ \text{ك} = \text{ج} + \text{ح} \\ 306 + 2 \times 9 \times 6 &= 306 + 108 = 414 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

③

$$\begin{aligned} \text{ج} = \text{مس} \times \text{ع} \\ \text{مس} = 3 + 4 + 5 = 12 \text{ سم} \\ \text{ج} = 12 \times 7 = 84 \text{ سم}^2 \\ \text{ك} = \text{ج} + \text{ح} \\ 84 + 2 \times \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 4 \right) &= 84 + 12 = 96 \text{ سم}^2 \end{aligned}$$

(٦-٦) مساحة سطح المنشور والأسطوانة

الصف ثاني متوسط/

الاسم:

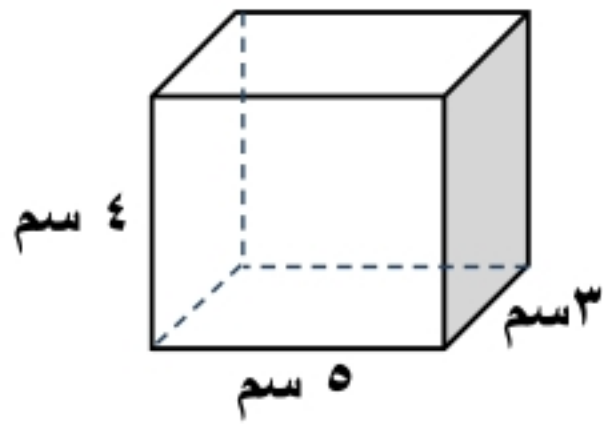
• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

المساحة الجانبية لسطح مجسم هي مجموع مساحات جميع أوجهه ()

الوجه الجانبي لمجسم هو أي سطح مستوٍ وليس القاعدة ()

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) المساحة الكلية للشكل المجاور تساوي



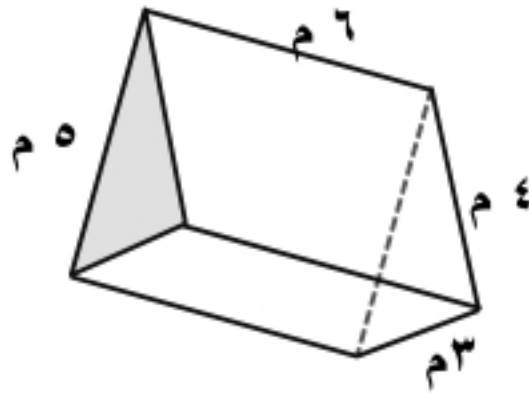
(أ) ٩٤ سم^٢

(ب) ٦٤ سم^٢

(ج) ٦٠ سم^٢

(د) ٣٠ سم^٢

(٢) المساحة الجانبية للشكل المجاور تساوي



(أ) ٧٤,٥ سم^٢

(ب) ٣٦ سم^٢

(ج) ٨٤ سم^٢

(د) ٧٢ سم^٢

• تغلف بعض علب الألوان الأسطوانية الشكل بورق كما في الشكل المجاور.

أوجد مساحة ورقة تغليف علبة الألوان



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....



(٦-٧) مساحة سطح الهرم

• الهرم المنتظم: هرم قاعدته مضلع منتظم وأوجهه مثلثات متطابقة وكل منها متطابق الساقين.

• الارتفاع الجانبي: ارتفاع كل وجه من أوجه الهرم

• المساحة الجانبية: $ج = \frac{1}{2} \text{مح} \times ل$ ← الارتفاع الجانبي

• المساحة الكلية: $ك = ج + م$ ← مساحة القاعده

* الأمثلة

1) أوجد مساحة الجانبيه والكلية لسطح هرم له طول ارتفاعه الجانبي ١٨ م وطول ضلع قاعدته المربع ١١ م ؟

$$ج = \frac{1}{2} \text{مح} \times ل \Rightarrow \text{مح} = 11 \times 2 = 22$$

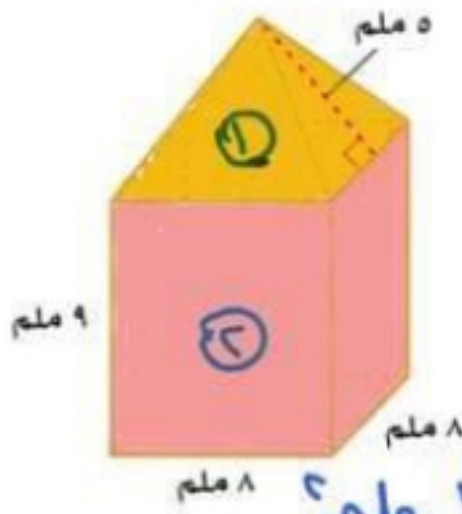
$$ج = \frac{1}{2} (18 \times 22) = 198 \text{ م}^2$$

$$ك = ج + م = 198 + 119 = 317 \text{ م}^2$$

2) أوجد مساحة الجانبيه والكلية للمجسم التالي ؟

- المساحة الجانبيه للهرم الرباعي ..
 $ج = \frac{1}{2} \times 8 \times 5 = 20 \text{ م}^2$

- المساحة الجانبيه للمنشور الرباعي ..
 $ج = 8 \times 9 = 72 \text{ م}^2$



المساحة الجانبيه للمجسم كامل = $20 + 72 = 92 \text{ م}^2$
 المساحة الكلية للمجسم المركب كامل يضاف للمساحة الجانبيه للقاعدة السفلية للمنشور الرباعي فقط ..

$$\text{المساحة الكلية} = 8 \times 8 + 92 = 72 + 92 = 164 \text{ م}^2$$

المجسم الأصفر هرم رباعي قاعدته لا تحسب مع مساحة الجانبيه ولا مع الكلية لأنها ليست خارجية ..

المجسم باللون الوردي منشور رباعي قاعدته العليا لا تحسب مع المساحة الكلية ..

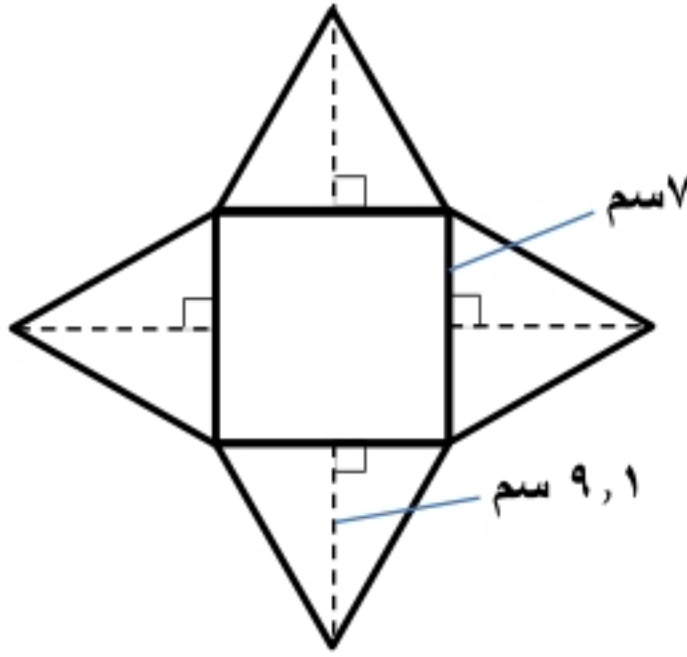
• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الهرم المنتظم قاعدته مضلع منتظم وأوجهه الجانبية مثلثات متطابقة ()

المساحة الجانبية لهرم رباعي طول قاعدته ٤سم وارتفاعه ٤سم هو ١٦سم^٢ ()

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) يمثل الشكل المجاور هرمًا رباعياً مقرباً إلى أقرب عدد صحيح ما المساحة الجانبية لسطح الهرم؟



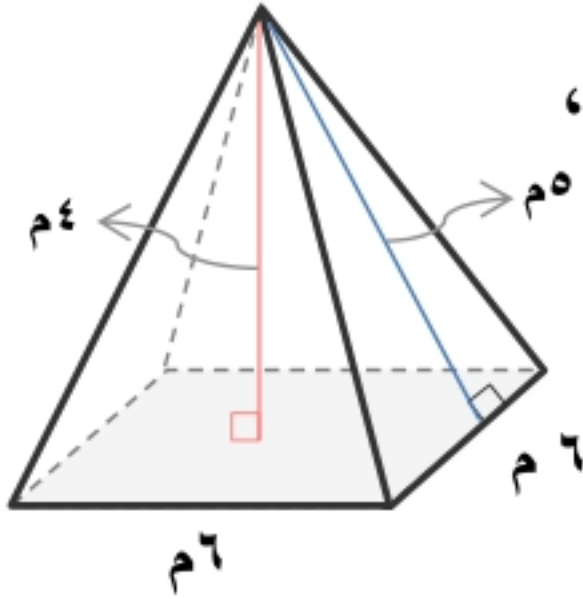
(ب) ٢٩ سم^٢

(أ) ٣٢ سم^٢

(د) ١٧٦ سم^٢

(ج) ١٢٧ سم^٢

• أوجد كل من حمد ونواف المساحة الكلية للهرم المنتظم المجاور، فأيهما توصل للجواب الصحيح؟ فسر تبريرك



$$ك = \frac{1}{2} \text{ مح ل} + م$$

$$٢٦ + ٤ \times ٦ \times ٤ \times \frac{1}{2} =$$

$$٨٤ م^٢ =$$

نواف

$$ك = \frac{1}{2} \text{ مح ل} + م$$

$$٢٦ + ٥ \times ٦ \times ٤ \times \frac{1}{2} =$$

$$٩٦ م^٢ =$$

حمد



(٧-١) تبسيط العبارات الجبرية

عبارتين متكافئتين

$$a(b+c) = ab+ac$$

مثال $6(1+2) = 6 \times 1 + 6 \times 2 = 6 + 12 = 18$

$$-3-5-2 = -1 \times (-3) + 3 \times (-2) = (-1+3) \times (-2) = 2 \times (-2) = -4$$

تحديد اجزاء عبارة جبرية



* امثلة

تبسيط العبارة التالية

$$-3r + 7 - 3r - 12$$

$$= -6r - 5$$

(ذبح الحدود المتشابهة)

عند الحدود والحدود

المتشابهة والمعاملات والثوابت

لايلي [5n - 3n - 2n + 1]

الحدود	5n / -3n / -2n
الحدود المتشابهة	5n / -3n / -2n
المعاملات	1 / -3 / -2
الثوابت	-3

• ضع علامة (✓) امام العبارة الصحيحة وعلامة (x) امام العبارة الخاطئة:

الحد الذي لا يشتمل على متغير يُسمى ثابتًا ()

تشتمل الحدود المتشابهة على المتغيرات نفسها بالقوى نفسها ()

تبسيط العبارة $7ص - 2 - 4ص + 6$ هي $3ص + 4$ ()

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) ما الخاصية المستعملة في العبارة $4س + 32 = 4(س + 8)$

(د) الانعكاس

(ج) التوزيع

(ب) الإبدال على الجمع

(أ) التجميع على الجمع

(٢) أي العبارات الآتية تكافئ $5 + 5$

(د) $5 + 5$

(ج) $5 + 5$

(ب) $5(1 + 1)$

(أ) 5×5

(٣) عين العبارة التي لا تكافئ العبارات الثلاث الأخرى

(د) $4س - 2$

(ج) $7 + 4س - 9$

(ب) $4(س - 2)$

(أ) $س - 2 + 3س$

• عين الحدود والحدود المتشابهة والمعاملات والثوابت في العبارة: $4ي + 8 - 1$

الحدود المتشابهة

الحدود

الثوابت

المعاملات

• اكتب عبارة في أبسط صورة تمثل مجموع عمري أحمد وأخوه:

بلغ عمر أحمد اليوم ٥ سنوات، ويصغره أخوه علي بمقدار ٥ سنوات.

.....



(٧-٢) حل المعادلات ذات الخطوتين

$$٢٠ = ٢ + ٣س$$

استعمال الرموز

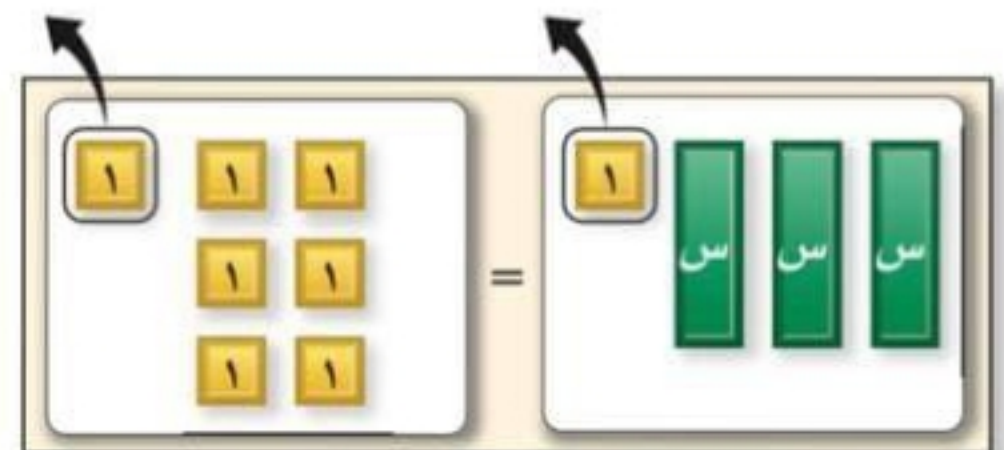
$$٢٠ = ٢ + ٣س$$

$$٢٠ - ٢ = ٢ - ٢$$

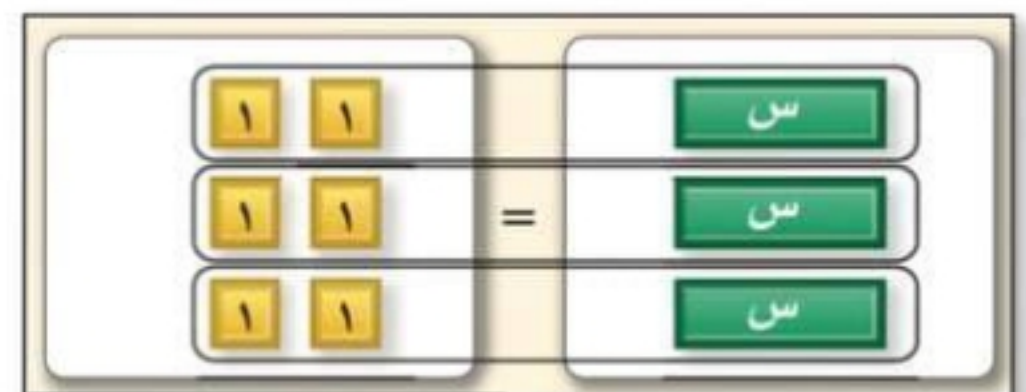
$$١٨ = ٣س$$

$$٦ = س$$

استعمال النموذج



$$١٨ = ٣س$$



$$٦ = س$$

$$٢ = س$$

* من الضروري تجميع
الحدود المشابهة قبل حل
المعادلة ..

* أمثلة

$$١١ = ٢ + ٣س$$

$$١١ = ٢ + ٣س$$

$$٩ = ٣س$$

$$٣ = س$$

حل كل معادلة مما يلي -

$$٣٧ = ٤٥٠ - ٣س$$

$$٤١٧ = ٤٥٠ - ٣س$$

$$٣٨ = س$$

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حل المعادلة $3س + 2 = 20$ هو

١٨

(د)

١٥

(ج)

٨

(ب)

٦

(أ)

(٢) أي قيم ن الآتية تجعل المعادلة صحيحة $\frac{ن}{٤} - ٧ = ٣$ صحيحة

٨٤

(د)

٤٠

(ج)

١٦

(ب)

٣

(أ)

(٣) ما قيمة ص في المعادلة $٦-ص + ٤ = ٣٢$ ؟

٦-

(د)

$\frac{١}{٣}$

(ج)

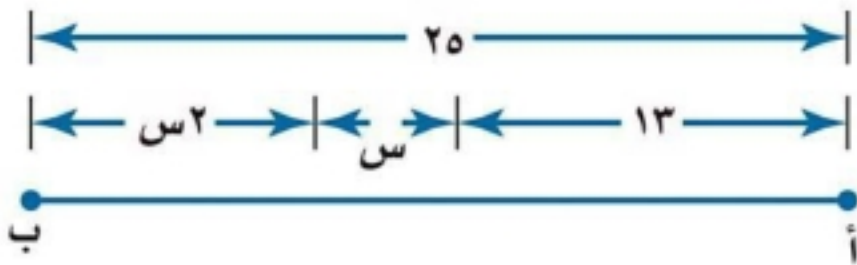
$\frac{٢}{٣}$

(ب)

٦

(أ)

• اكتب معادلة لتمثيل طول $\overline{AB}$ في الشكل المجاور، ثم أوجد قيمة س. وتحقق من صحة الحل



.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

• أهدي لجمال بطاقة شراء من مكتبة بقيمة ٥٠ ريالاً، وأراد أن يشتري قلمًا بـ ٥ ريالات،

وعددًا من الكتب، بسعر ٩ ريالات للكتاب الواحد. حل المعادلة $٩ك + ٥ = ٥٠$ ؛ لإيجاد

عدد الكتب التي يستطيع شراءها. وتحقق من صحة الحل

.....

.....

.....

.....

.....



(٧-٣) كتابه معادلات ذات خطوتين

$\times$	أمثال - أضعاف	-	أقل من - الفرق
$\div$	جزء - أجزاء	+	يزيد - أضيف
$\frac{1}{2}$	نصف	$\times 2$	مثلا - ضعف

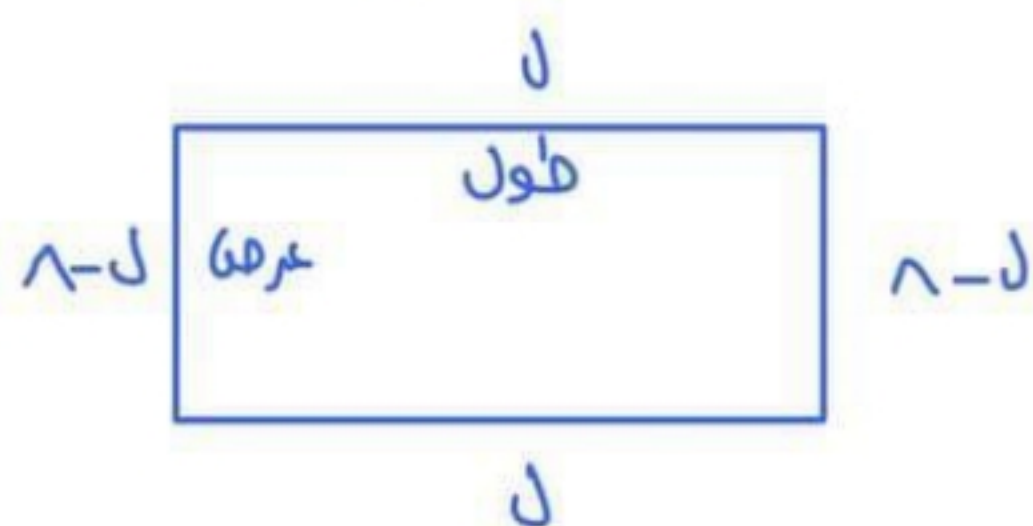
* أمثلة

* حول كل من الجمل التالية الى معادله ..

١٣ أكبر من ثلاثة أمثال عدد بمقدار واحد يساوي ٧ ؟
 $3س + 1 = 7$

١٤ ناتج قسمة عدد على خمسة مطروحاً منه عشرة يساوي ٣ ؟
 $س \div 5 - 10 = 3$

١٥ محيط مستطيل - ٤ سنتيمتراً ، ويقبل عرضه عن طوله بمقدار ٨ سنتيمترات .. اوجد ابعاد المستطيل ؟



محيط المستطيل = مجموع أضلاعه
 $ع = ٤٠ سم$

$$ع = (٨ - ل) + (٨ - ل) + ل + ل \Leftrightarrow$$

$$ع = ١٦ - ٢ل$$

$$١٦ + ١٦ +$$

$$\frac{ع}{٢} = \frac{٥٦}{٢} \leftarrow ل = ١٤ سم$$

$$ع = ٨ - ١٤ = ٦ سم$$

العرض

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) أقل من ثلاثة أمثال عدد بمقدار أربعة يساوي ١٢

(د) $١٢ = ٤ - ٣$

(ج) $١٢ = ٣ - ٤$

(ب) $١٢ = ٤ + ٣$

(أ) $١٢ = ٣ + ٤$

(٢) توفر سمر نقودًا لشراء لعبة ثمنها ٤٥ ريالاً، إذا كانت قد وفرت حتى الآن ١٣ ريالاً، وستوفر ٨ ريالات أسبوعياً، والمعادلة $٤٥ = ١٣ + ٨س$ تمثل هذه العلاقة، فكم أسبوعاً تحتاج سمر حتى تجمع ثمن اللعبة؟

(د) $٤ -$

(ج) ٤

(ب) ٨

(أ) $٧,٢٥$

(٣) لدى شركة ٧٢ موظفاً، وتخطط إدارة الشركة لزيادة عددهم بمقدار ٦ موظفين شهرياً، إلى أن يصبح عددهم ضعف العدد الحالي، إذا كانت ش تمثل عدد الأشهر اللازمة لأي المعادلات الآتية تمثل الموقف

(د) $١٤٤ = ٧٢ + ٦ش$

(ج) $١٤٤ = (٧٢ + ٦ش)٢$

(ب) $١٤٤ = ٧٢ + ٢ش$

(أ) $١٤٤ = ٧٢ش + ٦ش$

• اشترت مجلة و أربعة كُتب متساوية الثمن، ودفعت ١٦٨ ريالاً ثمنها جميعاً، وكان ثمن المجلة وحدها ٨ ريالات، فما ثمن الكتاب الواحد؟ اكتب معادلة تمثل المسألة وحلها

.....

.....

.....

.....

.....

.....



(٧-٤) حل معادلات تتضمن متغيراً في طرفيها

لحرق الحل

الطريقة الأخرى

$$٧ + \underline{٥٦} = ٣ - \underline{٥٦}$$

$$٧ = ٣ - \underline{٥٦}$$

$$\underline{١٠} = \underline{٥٦}$$

$$٠ = ٥٦$$

الطريقة الأولى

$$٧ + \underline{٥٦} = \underline{٣} - \underline{٥٦}$$

$$٣ \oplus ٧ = \underline{٥٦} \ominus \underline{٥٦}$$

$$\underline{١٠} = \underline{٥٦}$$

$$٠ = ٥٦$$

* النقل السريع *

* مثال

حدد المتغير لا يلبي ثم اكتب المعادلة وحلها ..
أكبر من أربعة أمثال عدد بمقدار أحد عشر يساوي
هذا العدد مضروباً منه سبعة ؟

$$\underline{١٨} - \underline{٣} = \underline{٣}$$

$$\underline{٦} - \underline{٣} = \underline{٣}$$

$$\underline{٧} - \underline{٣} = \underline{١١} + \underline{٣}$$

$$\underline{٧} - \underline{٣} = \underline{١١} + \underline{٣}$$

$$\underline{١١} - \underline{٧} - \underline{٣} = \underline{٣}$$



- صل المعادلات من العمود (أ) بحلولها من العمود (ب) فيما يلي:

حلها (ب)

$$() \text{ ك } = ٢ -$$

$$() \text{ ك } = ٤ -$$

$$() \text{ ك } = ٧ -$$

$$() \text{ ك } = ٩ -$$

المعادلات (أ)

$$(١) \text{ ك } = ١٤ + ٣ \text{ ك}$$

$$(٢) \text{ ك } = ١٠ + ٧ \text{ ك}$$

$$(٣) \text{ ك } = ١٠ - ٣ \text{ ك}$$

- حل المعادلة التالية مع التحقق من صحة الحل: $١٧ + ٦ \text{ ي} = ٣ - ٨ \text{ ي}$

.....

.....

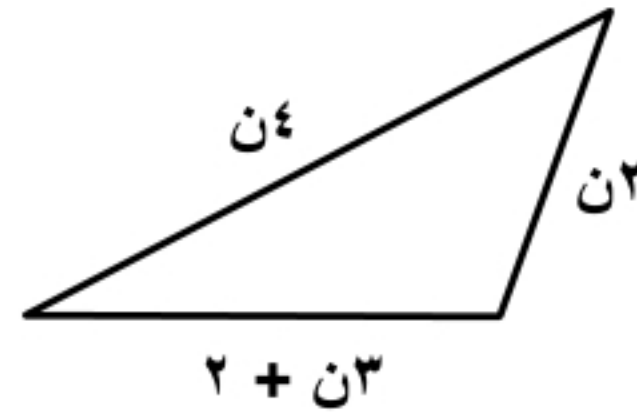
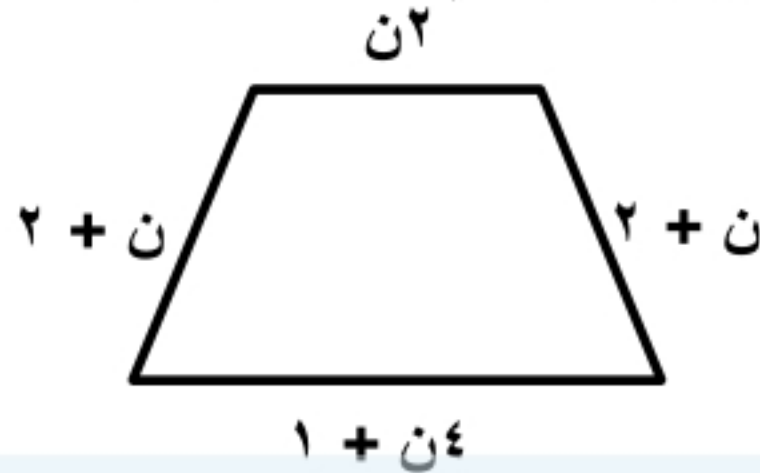
.....

.....

.....

.....

- اكتب معادلة وحلها لإيجاد قيمة ن، بحيث يكون محيطي المضلعين متساويين.



.....

.....

.....

.....

.....

.....

(٧-٥) استراتيجية حد المسألة التخمين والتحقق

اشترت ماما هدايا لثمان من بنات أخوانها فإذا اشترت خواتم بسعر ٦ ريالاً للخاتم الواحد ودمى بسعر ٧ ريالاً للدمية الواحد وأنفقت ٥٣ ريالاً فاعدد الهدايا التي اشترتها من كل نوع ؟

افهم اشترت ماما هدايا لثمان من بنات أخوانها
خاتم بـ ٦ ريالاً لكل واحد
دمى بـ ٧ ريالاً لكل واحد
أنفقت ٥٣ ريالاً

المطلوب : عدد الهدايا التي اشترتها من كل نوع ؟

خط التخمين والتحقق ..

حل اشترت ٣ خواتم ← $3 \times 6 = 18$ ريال

اشترت ٥ دمي ← $5 \times 7 = 35$ ريال

$$35 + 18 = 53 \text{ ريال}$$

وهو ما أنفقته ماما ✓

- ثلاثة أعداد مجموعها ٢٣ ، والعدد الأكبر منها يزيد على الأصغر بمقدار ٩

افهم

خطط

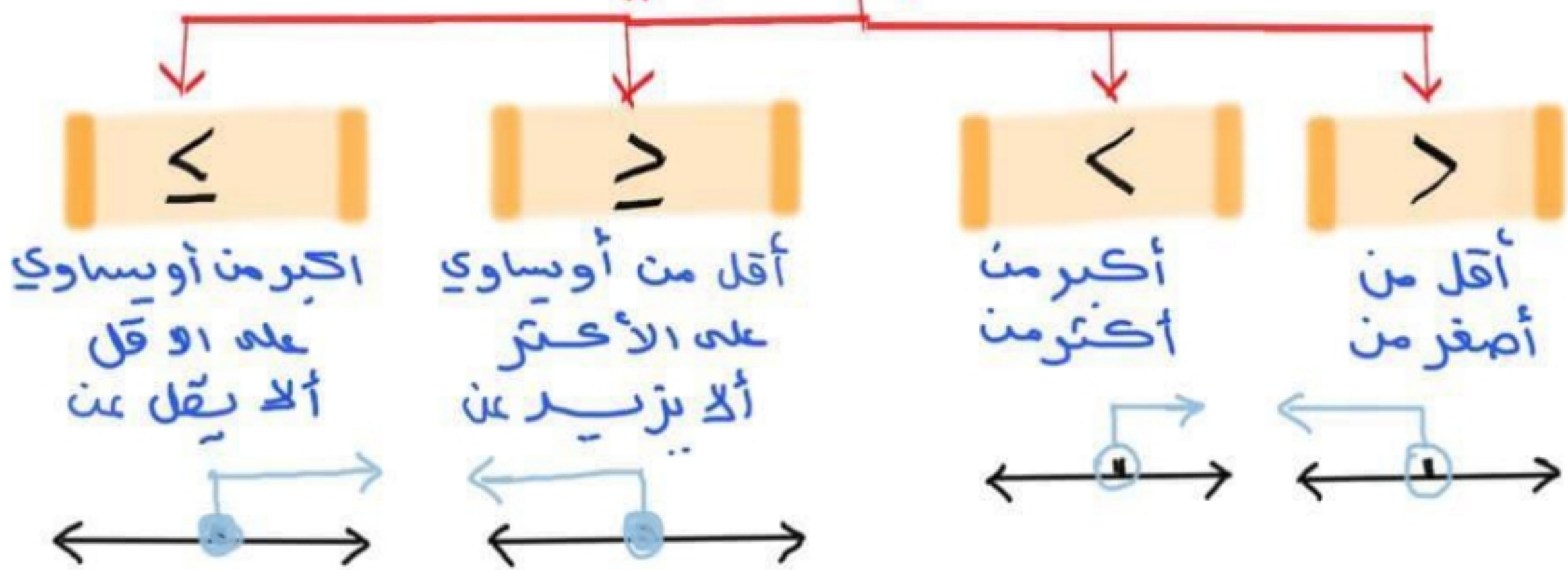
حل

تحقق



(٧-٦) المتباينات

أشـارات التـباين



أمثلة

١) اكتب متباينه لما يلي ومثلها :

يجب أن لا تتجاوز سرعة سيارتك ١٢٠ كلم / ساعة ؟

$$v \geq 120$$

٢) بين ما إذا كانت كل متباينه صحيحة أم لا عند القيمة المعطاة :

$$18 = n \quad n - 7 > 10$$

$$18 - 7 > 10$$

$$11 > 10$$

هـ صحيحة عند $n = 18$

$$8 = u \quad 3 - u \leq 2$$

$$2 \leq (8) - 3$$

$$2 \leq 5$$

هـ غير صحيحة عند $u = 8$

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) أي المتباينات الآتية تعبر عن الجملة "يجب أن تتجاوز مشترياتك ١٥٠ ريال لتحصل على خصم"

١٨

(د)

١٥٠ ≥ م

(ج)

١٥٠ < م

(ب)

١٥٠ > م

(أ)

(٢) أي المتباينات الآتية تعبر عن الجملة "يمكنك التبرع بالدم إذا كان خضاب الدم لديك ١٢ وحدة على الأقل"

١٢ < د

(د)

١٢ ≤ د

(ج)

١٢ < د

(ب)

١٢ ≤ د

(أ)

• مثل بيانياً كل متباينة فيما يأتي على خط الأعداد:

$$٠ < ع$$

$$٢- ≤ س$$

$$٤ ≤ س$$

• إذا كانت: س = ٣، فهل المتباينة الآتية صحيحة أم خاطئة ؟

$$\frac{١٢٠}{١٢} + س ≤ ١٥ - ٤س + ٩$$

.....
.....
.....
.....



(٧-٧) حل المتباينات

بالضرب أو القسمة

$$\frac{أ}{ب} < \frac{س}{ف} \quad \cdot$$

$$\frac{أ}{ب} \times \frac{ف}{ف} < \frac{س}{ف} \times \frac{ف}{ف} \quad \cdot$$

بإدراج أو الطرح

$$س - أ < ف - ب \quad \cdot$$

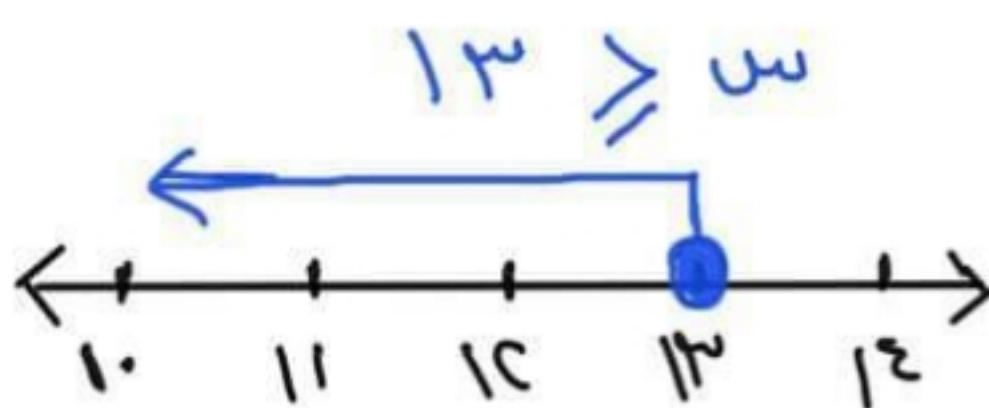
$$س + أ < ف + ب \quad \cdot$$

* ملاحظة: إذا ضربنا أو قسمنا على عدد سالب تتغير إشارة المتباينة ..

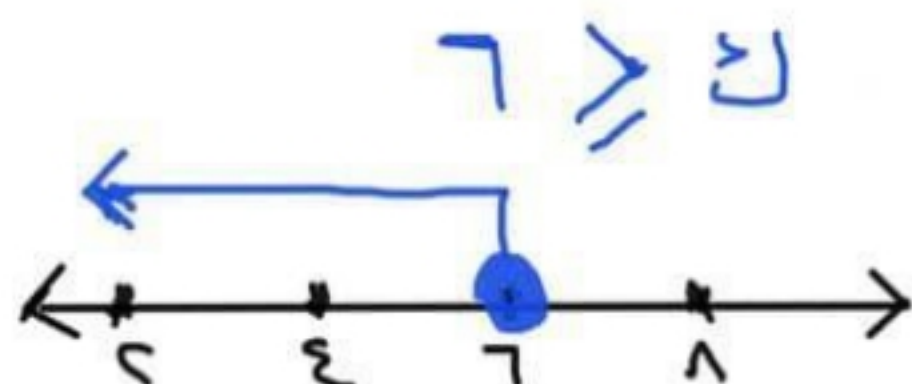
* أمثلة

* حل كل متباينة مما يلي ومثلها بيانياً :

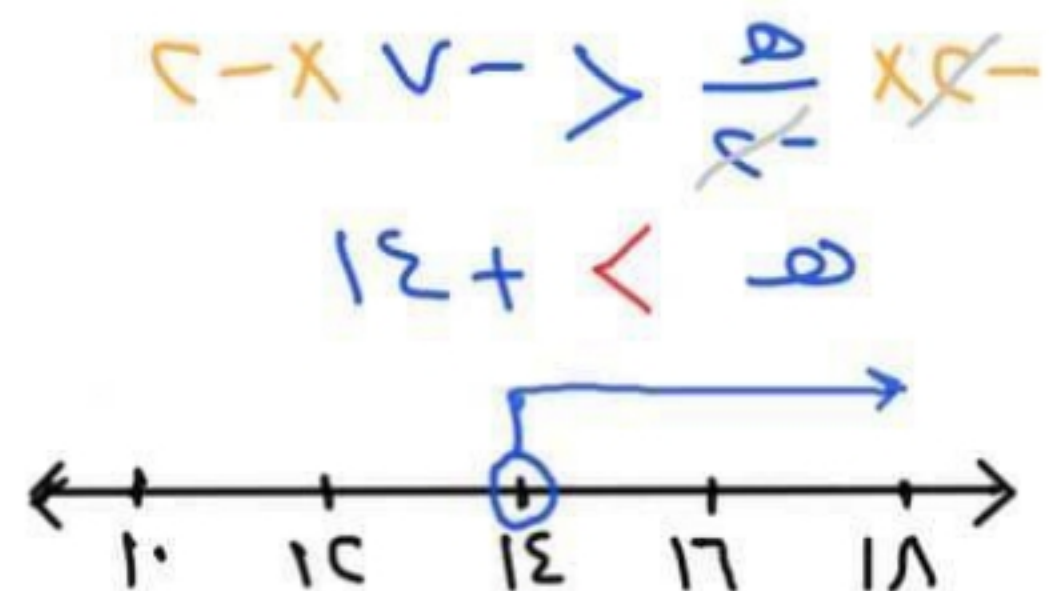
$$١٨ \geq س + ٥ \quad \square$$



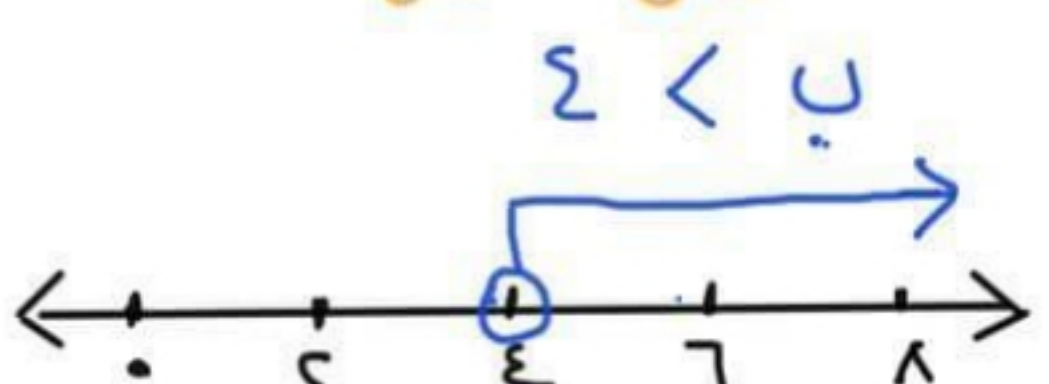
$$\frac{١٤-٣١}{١٤-١٢} \leq \frac{١٤-٣١}{١٤-١٢} \quad \square$$



$$٧ > \frac{٥}{٢} \quad \square$$



$$٩ < ب + ٥ \quad \square$$



- ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

عند جمع أو طرح العدد نفسه لطرفي متباينة، فإنها تبقى صحيحة ()

عند ضرب أو قسمة طرفي متباينة في عدد سالب، فإنها تبقى صحيحة ()

- حل المتباينتين الآتيتين، ومثل الحل بيانياً:

$$-\frac{2}{3}s \leq 8$$

.....
.....
.....
.....



$$s - 4 \leq 5$$

.....
.....
.....
.....



- اكتشف الخطأ: حلت كل من مريم و بدرية المتباينة أدناه فأيهما على صواب ؟ وضح

$$-3 \geq s$$

$$-3 \geq \frac{s}{6}$$

$$-6 \geq s$$

بدرية

$$-3 \geq s$$

$$-3 \leq \frac{s}{6}$$

$$-6 \leq s$$

مريم

.....
.....



(٨-١) المتتابعات

الحـد النـوئـي

الذي يربط بين رقم

الحـد وقيمته

يرمز له بـ a_n

الحـد الأول

هو الحد الأول

من المتتابعة

يرمز له بـ a_1

الاساس

الفرق بين

حدين متتاليين

يرمز له بـ d

* للفائدة : معادلة الحد النوي تؤخذ من القانون $a_n = a_1 + (n-1)d$

(القانون خارج نطاق الكتاب)

* المتتابعة الحسابية :

اساسها (d) ثابت دائما ..

أمثلة توضيحية ..

١) بين ما اذا كانت المتتابعة التالية حسابية أم لا واذا كانت حسابية

أوجد أساسها و الحدود الثلاثة التالية $(2, 6, 10, 14, 18, \dots)$

الاساس : $6 - 2 = 4$ / $10 - 6 = 4$ / $14 - 10 = 4$ / $18 - 14 = 4$ $(d = 4)$

هـ المتابعة حسابية (ولايجاد الحدود التالية)

$18 + 4 = 22$ / $22 + 4 = 26$ / $26 + 4 = 30$

٢) بين ما اذا كانت المتتابعة التالية حسابية أم لا ثم أوجد

أساسها و الحدود الأربع الأولى $(1, 4, 9, 16, \dots)$

الاساس : $4 - 1 = 3$ / $9 - 4 = 5$ / $16 - 9 = 7$

هـ المتابعة $(n-1)$ حسابية

١-
٢-
٣-
٤-

a_n	$n - 1$	n
١	١ - ١	١
٤	٢ - ١	٢
٩	٣ - ١	٣
١٦	٤ - ١	٤

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) متتابعة حسابية حدها النوني $2n + 2$ أساسها هو

(د) $1 = d$

(ج) $2 = d$

(ب) $2 = d$

(أ) $4 = d$

(٢) الحد النوني للمتتابعة ٤ ، ٧ ، ١٠ ، ١٣ ، هو

(د) $3n + 3$

(ج) $3n + 1$

(ب) $n + 1$

(أ) $3n - 1$

(٤) الحد الثامن للعبارة ٣ ، ٧ ، ١١ ، ١٥ ، هو

(د) ١٩

(ج) ٢٣

(ب) ٢٧

(أ) ٣١

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

الحدود الثلاثة التالية ٥ ، ٩ ، ١٣ ، ١٧ ، هي ٢٢ ، ٢٦ ، ٣٠ ()

في المتتابعة الحسابية يكون الفرق بين أي حدين متتاليين ثابت ()

المتتابعة $3n + 4$ حسابية ()

• بين ما إذا كانت المتتابعة التي حدها النوني $7 - 2n$ حسابية أم لا. وإذا كانت كذلك فأوجد أساسها:

.....
.....
.....
.....
.....



(٨-٢) الدوال

المدخل $\rightarrow$ $د(س) = ١٥ س$ $\leftarrow$ المخرج

* نستبدل المجهول في المخرج بقيمة العدد من المدخل ..

اكتمال جدول الدالة

* أكمل الجدول واذكر مجال

الدالة ومداها : $د(س) = ١٥ س + ١$

س	$١٥ س + ١$	د(س)
٢-	$١ + (٢-)٥$	٩-
٠	$١ + (٠)٥$	١
١	$١ + (١)٥$	٦
٣	$١ + (٣)٥$	١٦

المجال = $\{٢-, ٠, ١, ٣\}$
المدى = $\{٩-, ١, ٦, ١٦\}$

ايجاد قيمة الدالة

* اوجد قيمة الدالة

د(٢) اذا كان

د(س) = $١٥ س - ٢$

$\downarrow$
 $٢- = ١٥ - ٢ = (١٣) د$

* ملحوظة ..

المجال $\leftarrow$ س
المدى $\leftarrow$ د(س)

* مثال ..

اوجد قيمة الدالة د(١٢-) حيث $د(س) = ٣ + ٧ س$ ؟

$$د(١٢-) = ٣ + ٧ \times (١٢-)$$

$$= ٣٦ - ٧$$

$$= ٢٩-$$

- صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب) فيما يلي:

العمود (ب)

- () ينظم المدخلات والقاعدة والمخرجات
- () هو مجموعة قيم المخرجات
- () هو مجموعة قيم المدخلات
- () العلاقة التي تعطي مخرجة واحدة فقط لكل مدخلة

العمود (أ)

- (١) المجال
- (٢) الدالة
- (٣) المدى
- (٤) جدول الدالة

- أوجد قيمة كل دالة فيما يأتي:

د(-٤) إذا كان د(س) = $2س + 3$

.....

.....

.....

.....

د(٣) إذا كان د(س) = $3س - 4$

.....

.....

.....

.....

- أكمل جدول الدالة فيما يأتي ، ثم اذكر المجال الدالة ومدىها :

د(س) = $2س + 1$

المجال = {

المدى = {

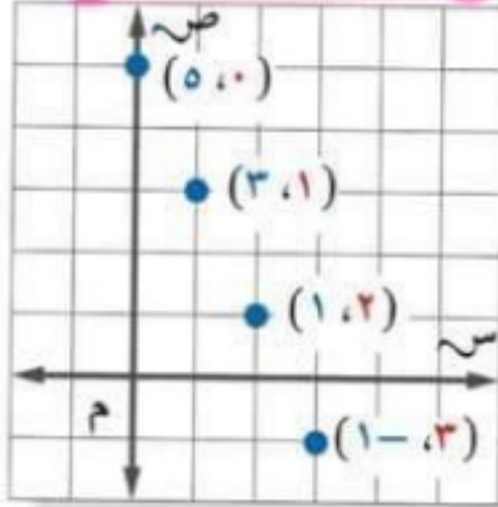
س	$2س + 1$	د(س)
-٢		
صفر		
٢		



(٨ - ٣) تمثيل الدوال الخطية

$$٥ - ٢ = ٣$$

بياني



جدول

س	٥-٢	ص	(س، ص)
٠	٥-٢(٠)	٥	(٠، ٥)
١	٥-٢(١)	٣	(١، ٣)
٢	٥-٢(٢)	١	(٢، ١)
٣	٥-٢(٣)	-١	(٣، -١)

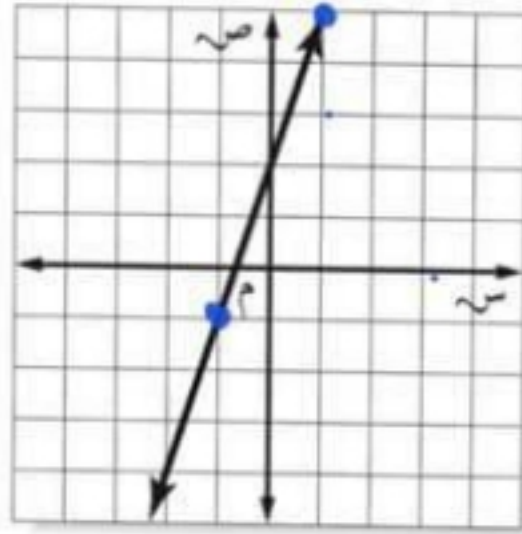
* أمثلة

* مثل الدالة التالية بيانياً: * إذا كان المستقيم الممثل في المستوى

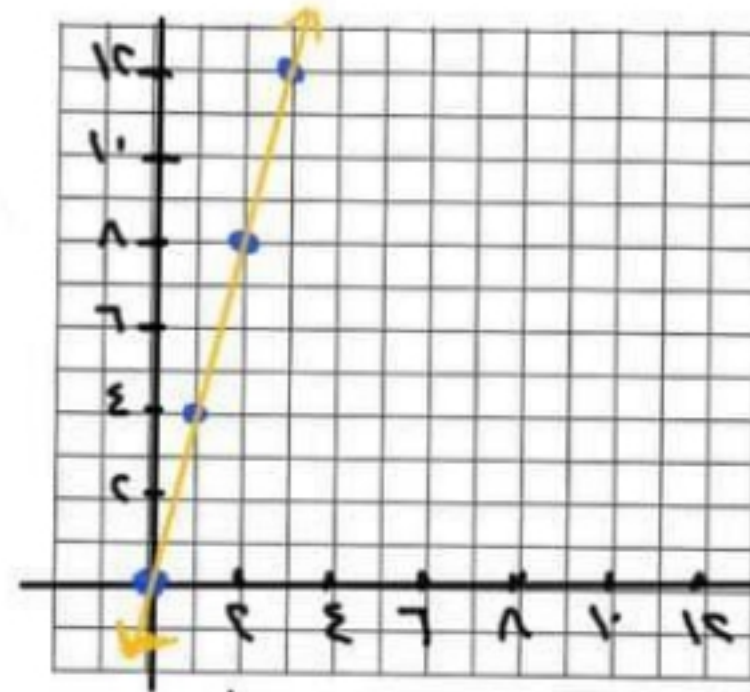
$$٣س + ٢ = ٥$$

$$٤س = ٤$$

فأني الجدول يمثل نقاط تقع عليه:



س	٤س	ص	(س، ص)
٠	٤(٠)	٠	(٠، ٠)
١	٤(١)	٤	(١، ٤)
٢	٤(٢)	٨	(٢، ٨)
٣	٤(٣)	١٢	(٣، ١٢)



٣	٠	٣	٦	٩
٣	٢	١	٠	٣

٣	١	١	٣	٥
٨	٥	١	٧	٩

٣	٢	٠	١	٥
٧	٤	٢	٥	٩

٨	٧	٥	١	٩
٢	٣	١	١	٩

* تمثيل الخط لأن تعريف المتغير س غير معروف فتمثل بخط مستقيم

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (x) أمام العبارة الخاطئة:

تسمى المعادلة التي تمثل حلولها بيانياً بخط مستقيم دالة غير خطية ()

حلول المعادلة هي الأزواج المرتبة التي تجعل المعادلة صحيحة ()

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

(١) حدد الزوج المرتب الذي ليس حلاً للدالة $3 + 4س = ص$

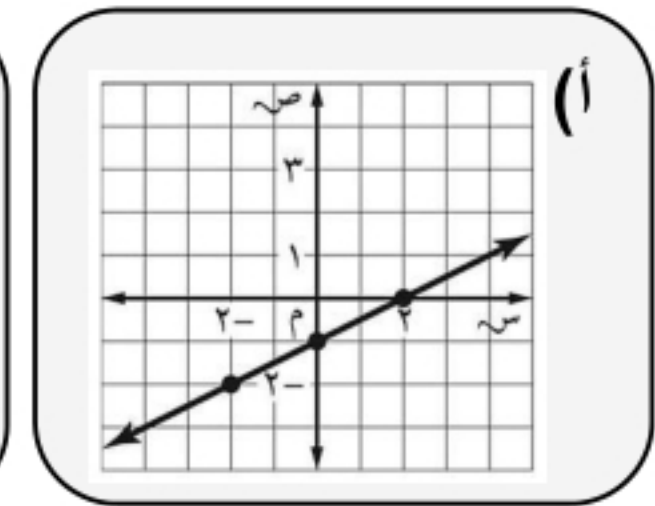
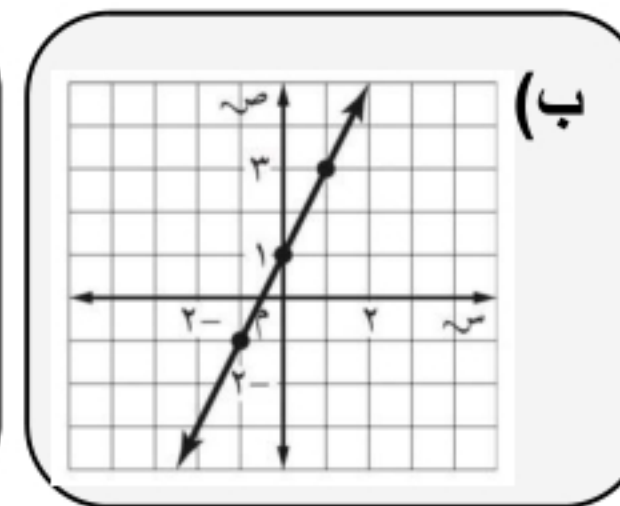
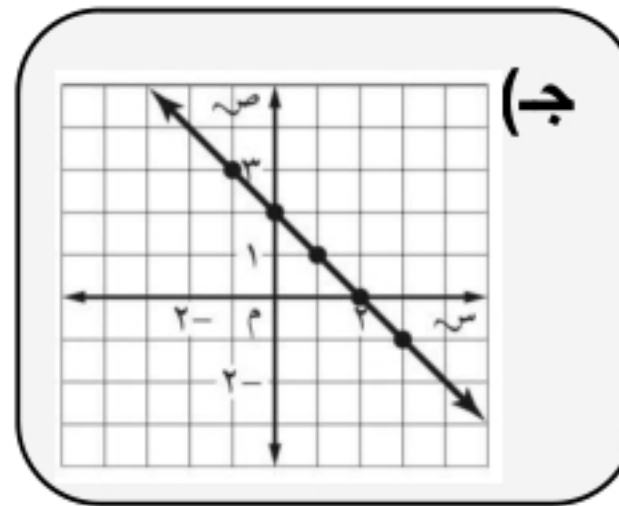
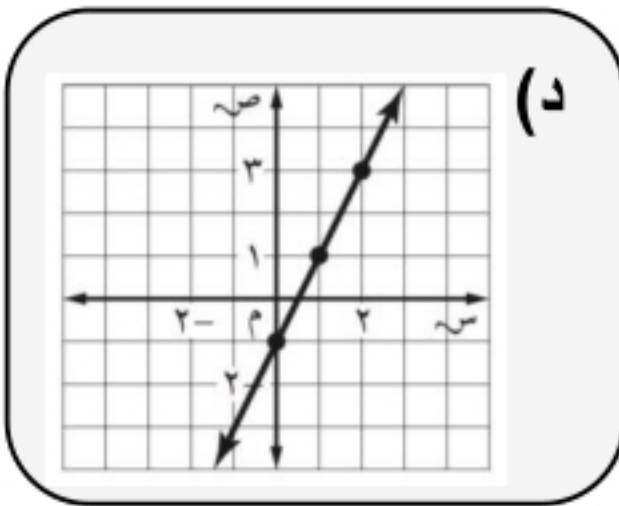
(د) (١، -١)

(ج) (-١، ٧)

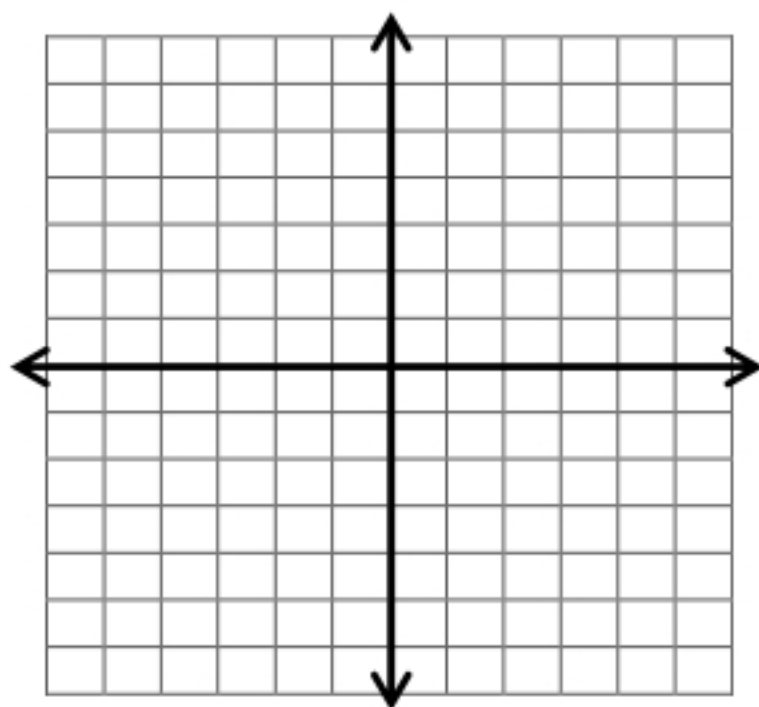
(ب) (٣، ٠)

(أ) (٥، ٢)

(٢) أي مستقيم مما يأتي يمثل المعادلة $ص = ٢س - ١$ ؟



• يُباع قلم الحبر بـ ٤ ريالات، وقلم الرصاص بريال واحد. مثل الدالة $ص + ٤س = ٢٠$ بيانياً لتحديد الأعداد الممكنة لأقلام الحبر (س)، وأقلام الرصاص (ص) التي يمكن لمريم شراؤها بـ ٢٠ ريالاً



س	٢س - ٢	ص	(س، ص)



(٨-٤) ميل المستقيم

بإحداثيات

$$\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = m$$

في الجدول

$$\frac{\text{التغير في } y}{\text{التغير في } x} = m$$

في الرسم

$$\frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}} = m$$

* الأمثلة:

لما أوجد ميل المستقيم

المار بالنقطتين

في (٣، ٩) ، ك (١، ٢)

$$\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = m$$

$$\frac{9 - 2}{3 - 1} =$$

$$\frac{7}{2} = \frac{9 - 2}{3 - 1} =$$

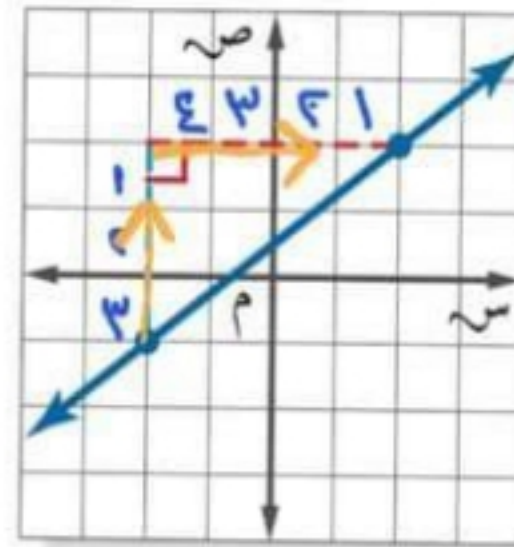
$$\frac{7}{2} = m$$

ملحوظة:

في المستوى الإحداثي إذا كان الاتجاه

- أعلى ← +
- يمين ← +
- أسفل ← -
- يسار ← -

لما أوجد ميل المستقيم؟



السهم أعلى +
٣ وحدات

السهم يمين +
٢ وحدات

$$\frac{7}{2} = \frac{\text{التغير الرأسى}}{\text{التغير الأفقى}} = m$$

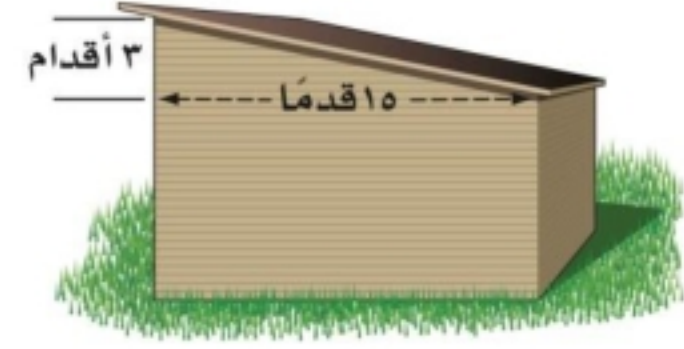
لما أوجد ميل المستقيم؟

٦	٤	٢	٠	س
٦-	١-	٤	٩	ص

$$\frac{0 - 9}{6 - 1} = \frac{\text{التغير في } y}{\text{التغير في } x} = m$$

• اختر الإجابة الصحيحة فيما يلي:

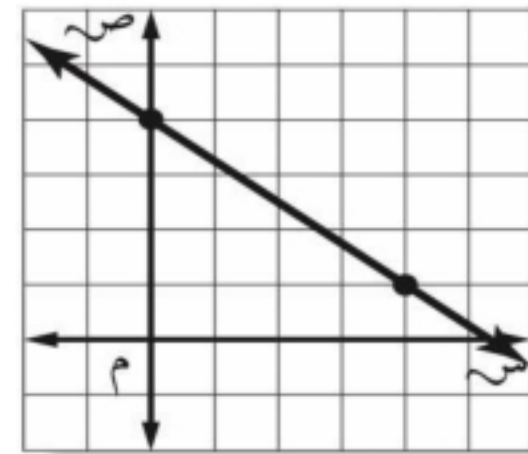
(١) أوجد ميل سقف الغرفة



(٢) ميل المستقيم الذي تقع عليه النقاط المعطاة

٦	٤	٢	٠	س
٦-	١-	٤	٩	ص

(٣) ماميل المستقيم في الشكل الآتي؟



(٤) ميل المستقيم المار بالنقطتين : (٠ ، ٣-) ، (٢ ، ٢)

- (أ) $\frac{٥-}{٢}$ (ب) $\frac{٢-}{٥}$ (ج) $\frac{٥}{٢}$ (د) $\frac{٢}{٥}$

• اكتشف الخطأ: أوجد كل من جمال و محمد ميل المستقيم الذي يمر بالنقطتين

س (٢ ، ٠) ، ص (٣ ، ٢) ، فأيهما على صواب ؟ وضح

$$\frac{٢-٣}{٢-٠} = م$$

محمد

$$\frac{١}{٢-} = \frac{١}{٢-} = م$$

$$\frac{٢-٣}{٠-٢} = م$$

جمال

$$\frac{١}{٢} = م$$

.....
.....



(٨-٥) التغير الطردي

عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين ثابتة

تسمى العلاقة بينهما **تغيراً لحدياً**.

حيث $L = S$ ثابت التغير

الدالة الخطية

غير متناسبة

لا تمثل تغيراً لحدياً

$$(L = \frac{S}{S})$$

متناسبة

أي أنها تمثل
تغيراً لحدياً

* ملحوظة: الدوال الخطية ليست جميعها تغيراً لحدياً..

* أمثلة

لأحد ما إذا كانت الدالة

فيما يلي تمثل تغيراً لحدياً أم لا؟

الوقت س	٤	٦	٨	١٠
المسافة ص	١٢	١٦	٢٠	٢٤

$$L = \frac{S}{S} = \frac{12}{4} = 3$$

$$\left(\frac{8}{3}\right) = \frac{16}{6} = \frac{20}{8} = \frac{24}{10}$$

النسب غير متساوية فالدالة
لا تمثل تغيراً لحدياً..

$$S = 6, S = 12$$

$$\Leftarrow 12 = 6 \times L$$

$$L = \frac{12}{6} = 2$$

$$\Leftarrow 10 = S \Rightarrow 10 \times L = S$$

$$S = 10 \times 2 = 20, S = 10$$

• ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة:

عندما تكون النسبة بين كميتين متغيرتين غير ثابتة، تسمى العلاقة بينهما تغيراً طردياً ()

إذا كانت قيمة ٣ أقلام ١٠,٥ ريال فإن القلم الواحد بـ ٢ ريال ()

• يبيع محل خضار ٨ برتقالات بـ ١٦ ريالاً. فما ثمن ١٠ برتقالات؟

.....

.....

.....

.....

.....

.....

• حدد ما إذا كانت الدالة الخطية فيما يأتي تمثل تغيراً طردياً أم لا، وإذا كانت كذلك فاذكر ثابت التغير:

٨	٧	٦	٥	الصور س
٣٢	٢٨	٢٤	٢٠	الثواني ص

.....

.....

.....

.....

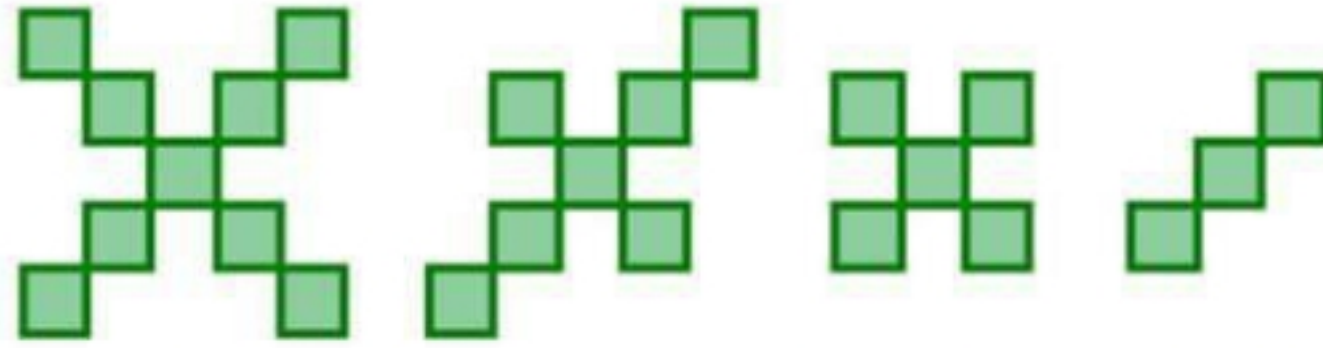
.....

.....

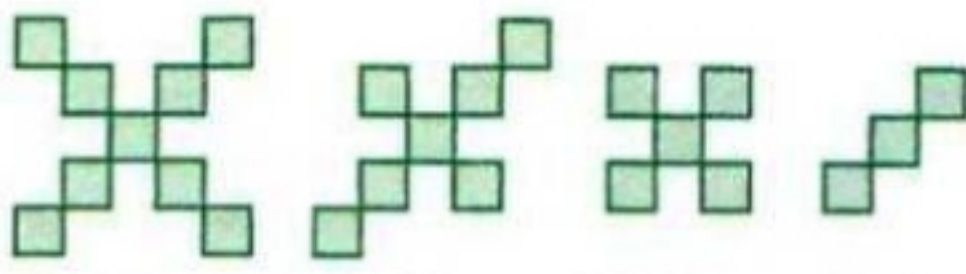
← $\frac{\text{الثواني}}{\text{الصور}}$

(٨-٦) استراتيجيه حل المسأله
احل المسأله باستعمال (انشاء نموذج)

كم مربعاً في الشكل رقم ٢٠ وفقاً للنمط التالي :



شكل (١) شكل (٢) شكل (٣) شكل (٤)



شكل (١) شكل (٢) شكل (٣) شكل (٤)

النمط هو كالتالي
المطلوب الشكل رقم ٢٠

افهم

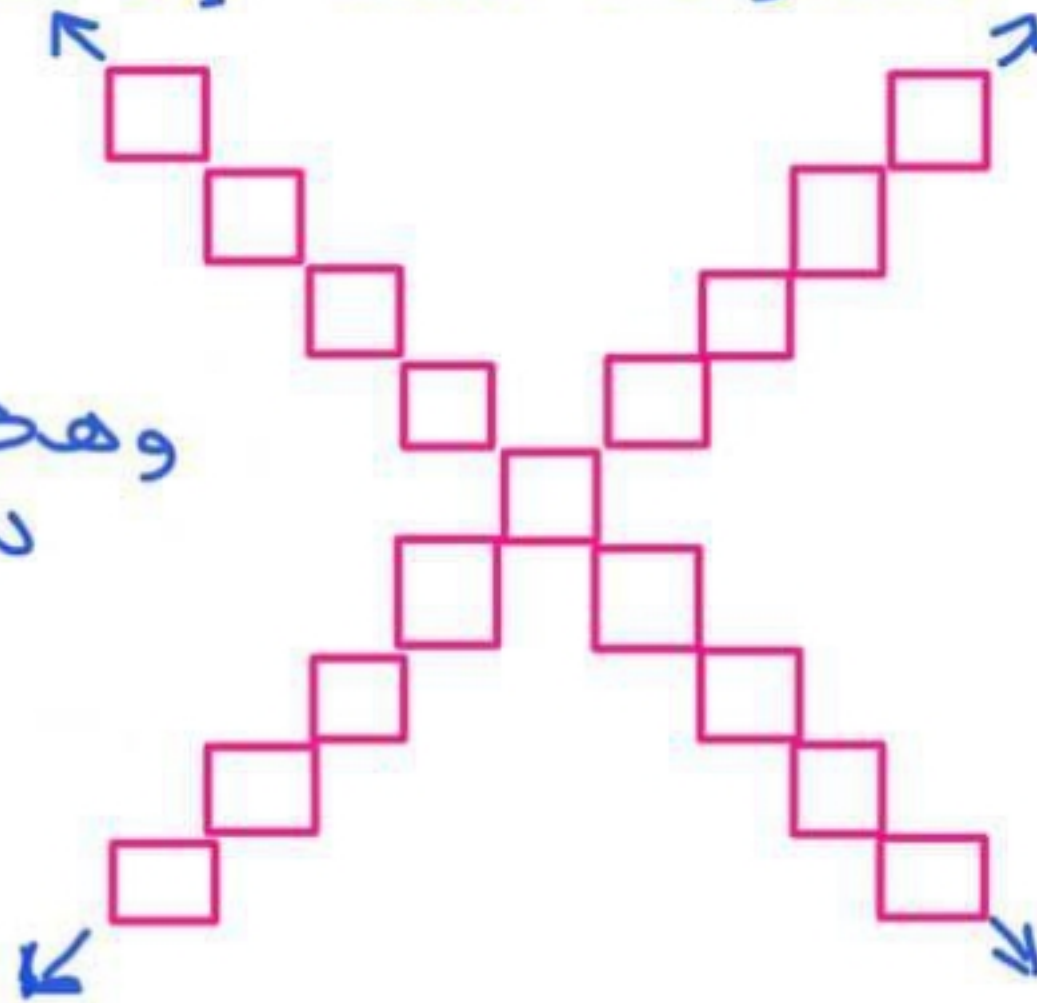
البناء نموذج

خط

إذا استقر هذا النمط فإن الشكل رقم ٢٠

حل

وهكذا إلى أن نصل
للسكك الصحيح



ولكن نلاحظ ان النمط حسب القاعدة $1 + (2 \times 2) = 1 + (2 \times 2) = 5$ مربعاً

بأكمال الرسم نتأكد أن الشكل ٢٠
مكون من ٤١ مربعاً

تحقق

- يتم استعمال قطع مستطيلة الشكل طولها ١١ سم وعرضها ٨,٥ سم لصناعة علبة عصير من الكرتون، وذلك بقطع ١,٥ سم من رؤوس المستطيل. أوجد حجم علبة العصير.

افهم

خطط

حل

تحقق